

TRIGONOMETRIA .

APLICACIONES.

Considere el triangulo ABC acutangulo:

Deduzca :

El teorema de los senos

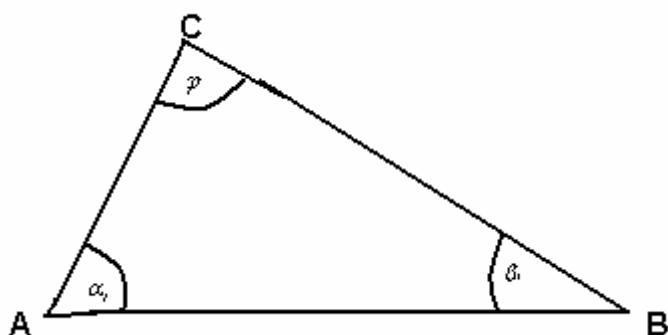
El teorema del coseno para el angulo α

La expresión trigonometrica para el area del triangulo en funcion de α

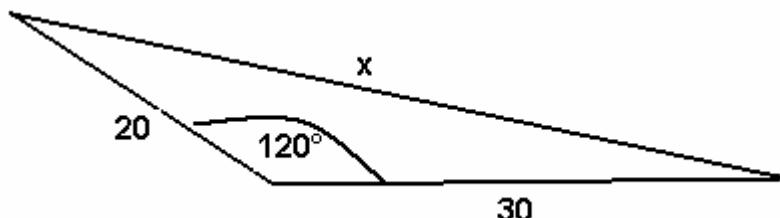
La expresión trigonometrica para la altura del triangulo en funcion de α

Una expresión trigonometrica para el radio de la circunferencia circunscrita al triangulo ABC

Una expresión trigonometrica para el radio de la circunferencia inscrita al triangulo ABC



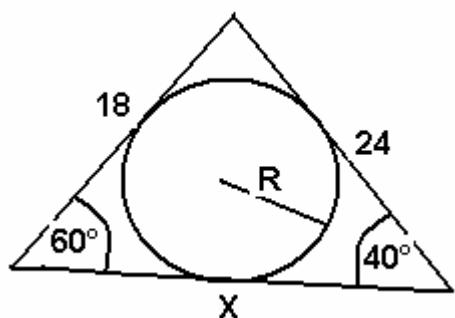
Considere el triangulo ABC , calcule x



Considere el triangulo ABC

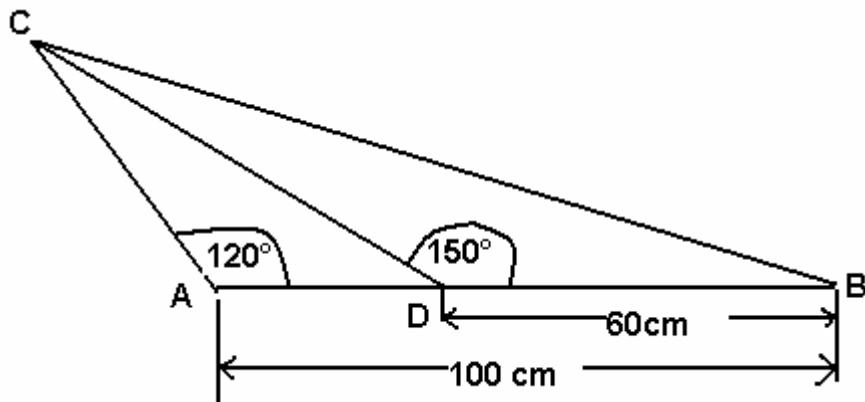
CALCULE X

CALCULE R



CONSIDERE LA FIGURA : $\angle ACB = 40^\circ$. CALCULE :

AD . AC, CD , $\angle DCB$, CB



Considere $\sin \alpha = 0.4$. calcule :

$$\operatorname{Sen} 2\alpha, \cos 4\alpha \quad \sin \frac{\alpha}{4} \quad \cos \frac{\alpha}{4}$$

Considere las funciones $f(x) = \sin x$, $f(x) = \csc x$

Construya un grafico para $0^\circ \leq x \leq 2\pi$

Establezca el dominio y el recorrido de cada funcion.

Calcule el valor de

$$\frac{1}{3} \sin^2 60^\circ - \frac{1}{2} \sec 60^\circ * \operatorname{tag}^2 30^\circ + \frac{4}{3} \sin^2 \frac{\pi}{4} * \operatorname{tag}^2 \frac{\pi}{3}$$

$$\frac{4}{\sqrt{2}} \cos \frac{5}{4}\pi + \frac{1}{2} \sqrt{3} \sin 150^\circ - \frac{1}{2} \sqrt{2} \cos 315^\circ + \sqrt{3} \sin \frac{5}{3}\pi$$

Calcule el valor de x en cada una de las ecuaciones :

$$x \sin \frac{\pi}{6} \cos^2 45^\circ = \frac{\operatorname{ctg}^2 30^\circ * \sec \frac{\pi}{3} * \operatorname{tag} 225^\circ}{\csc^2 \frac{7}{4}\pi * \csc \frac{\pi}{6}}$$

$$x \sin \frac{\pi}{6} + \cos \frac{2}{3}\pi + x \cos \frac{5}{3}\pi = \sin \frac{5}{6}\pi + 2 \cos 210^\circ$$

$$\text{si } \sin \alpha = \frac{m}{n}; \text{ compruebe que: } \sqrt{n^2 - m^2} * \operatorname{tag} \alpha = m$$

Identidades trigonometricas .

$$\frac{\sin \alpha + \sin \beta + \sin(\alpha + \beta)}{\sin \alpha + \sin \beta - \sin(\alpha + \beta)} = \operatorname{ctg} \frac{\alpha}{2} \operatorname{ctg} \frac{\beta}{2}$$

Si : $\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ$ demuestre que :

$$\operatorname{Sen} 2\alpha - \operatorname{sen} 2\beta + \operatorname{sen} 2\gamma = 4 \cos \alpha \operatorname{sen} \beta \cos \gamma$$

$$4 \cos \alpha * \cos\left(\frac{2}{3}\pi + \alpha\right) * \cos\left(\frac{2}{3}\pi - \alpha\right) = \cos 3\alpha$$

$$\operatorname{tag}^2 \alpha * \sec^2(90^\circ - \alpha) - \operatorname{sen}^2 \alpha * \csc^2(90^\circ - \alpha) = 1$$

ecuaciones trigonometricas :

$$2\operatorname{sen}^2 x = 3 \cos x \quad 2\operatorname{sen} x \operatorname{tag} x + 1 = \operatorname{tag} x + 2\operatorname{sen} x$$

$$\sec^2 x + \operatorname{tag}^2 x = 3\operatorname{tag} x$$